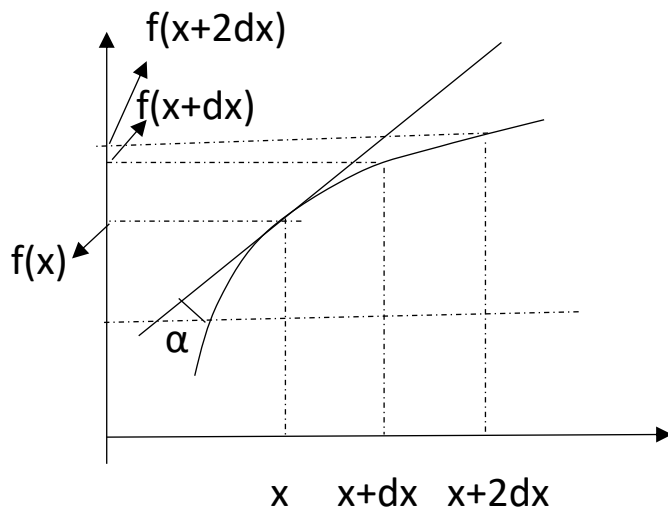


## Expressions de les derivades de grau $\geq 1$ :

Sabem que  $f'(x) = \frac{f(x+dx) - f(x)}{dx} = \text{tg}\alpha$

i  $f(x+dx) = f(x) + f'(x) \cdot dx / 1! + f''(x) \cdot dx^2 / 2! + f'''(x) \cdot dx^3 / 3! + \dots$



i  $f''(x) = \frac{[f'(x+dx) \cdot dx - f'(x) \cdot dx] \cdot dx - [f(x+dx) - f(x)] \cdot dx}{dx^2}$

$f''(x) = f'(x+dx) - f'(x)$  ja que la derivada de  $dx$  és zero ( $d'x=0$ ).

$f''(x) = \frac{f(x+2dx) \cdot dx - f(x+dx) \cdot dx}{dx} - \frac{f(x+dx) \cdot dx - f(x) \cdot dx}{dx}$

$f''(x) = f(x+2dx) - 2[f(x+dx)] + f(x)$

$f'''(x) = \frac{[f''(x+dx) \cdot dx - f''(x) \cdot dx] \cdot dx - [f'(x+dx) - f'(x)] \cdot dx}{dx^2}$

$f'''(x) = f''(x+dx) - f''(x) = f'(x+2dx) - f'(x+dx) - [f'(x+dx) - f'(x)] =$

=

$\frac{[f(x+3dx) \cdot dx - f(x+2dx) \cdot dx] - 2[f(x+2dx) \cdot dx - f(x+dx) \cdot dx] + [f(x+dx) \cdot dx - f(x) \cdot dx]}{dx}$

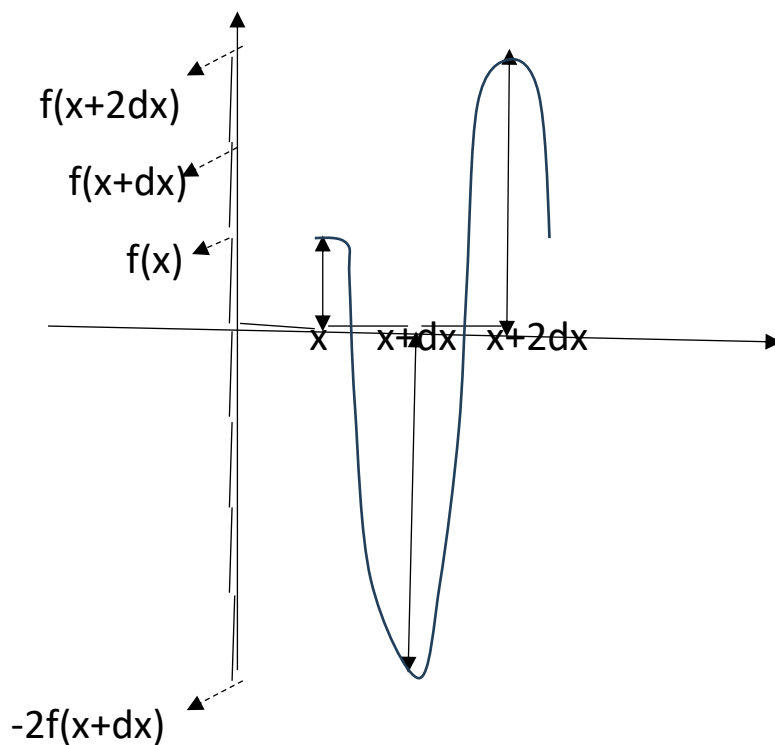
aleshores,  $f'''(x) = f(x+3dx) - 3[f(x+2dx)] + 3[f(x+dx)] - f(x)$

si anem més lluny, calcularem  $f^{IV}(x)$ !!

se suposa que serà  $= f(x+4dx) - 4[f(x+3dx)] + 6[f(x+2dx)] - 4[f(x+dx)] + f(x)$  (?).

per tant els termes que més pes específic tenen són els del mig [de l'entorn immediat entre  $f(x)$  i  $f(x+ndx)$ ; per exemple, si  $n=3$ , seràn  $f(x+2dx)$  i  $f(x+dx)$ ].

És l'"Aproximació de Taylor".



Al haver-hi derivada segona implica que hi ha 2 punts de tall (arrel segona).

En la derivada tercera, hi haurà 3 punts de tall:

