

La funció Ψ en un rotor rígid:

La funció $\psi(x,y,z)$ en coordenades polars $\psi(r,\theta,\phi) = R(r) \cdot Y(\theta,\phi)$

Per a aïllar l'energia de l'equació d'Schrödinger, cal deduir $R(r)$ i $Y(\theta,\phi)$ per separat i llavors multiplicar-ho; obtindrem la suma d'energies en "l'eigenvalue" (altrament dit "valor propi"):

$$\left(\frac{m}{2}\right) [\dot{r}^2 + r^2 \cdot \dot{\theta}^2 + r^2 \cdot \sin^2 \theta \cdot \dot{\phi}^2] = E_{total}$$

vibració $R(r)$ on $r \neq \text{ctnt}$ rotació $Y(\theta,\phi)$, que

se dissocia en $\varphi(\theta)$ i $\Theta(\phi)$

i on $r = \text{ctnt}$.

$$\hat{H} \cdot \psi(r, \theta, \phi) = E \cdot \psi(r, \theta, \phi)$$

Primer considerarem que totes 3 variables r, θ, ϕ són dependents del temps, aleshores $\psi(t) = r(t) \cdot \theta(t) \cdot \phi(t)$, llavors

- $\frac{\hbar}{i} \frac{d\psi(t)}{dt} = \psi(t)E$, $r(t), \theta(t), \phi(t)$, se deriven per separat tot i que són "acumulatives".

$$\frac{-\hbar}{i} \dot{r} = E_1 \cdot r \quad \dot{r}^2 = E_1^2 \cdot r^2 \quad \dot{r}^2 = \left(\frac{2}{m}\right)^2 \cdot r^2 \frac{-i}{\hbar}$$

$$r(t) = e^{-i \cdot t \cdot \frac{\sqrt{2}}{\hbar}}$$

d'altra banda, tenim $\frac{-\hbar}{i} \frac{d\theta(t)}{dt} = E_2 \cdot \theta(t)$, $\dot{\theta}^2 = E_2^2 \cdot \theta^2 \frac{-i}{\hbar}$

$$\dot{\theta}^2 = \left(\frac{2}{(m \cdot r^2)}\right)^2 \cdot \theta^2 \quad \theta(t) = e^{-i \cdot t \cdot \frac{\sqrt{2}}{\hbar}}$$

I finalment $\frac{-\hbar}{i} \frac{d\phi}{dt} = E_3 \cdot \phi(t)$

$$\dot{\phi}^2 = \left(\frac{2}{mr^2 \cdot \sin^2 \theta}\right)^2 \cdot \phi^2 \frac{-i}{\hbar} \quad \phi(t) = e^{-i \cdot t \cdot \frac{\sqrt{2}}{\hbar}}$$

Totes les ψ 's acorden una mateixa energia ($E_{total} = E_r + E_\theta + E_\phi$) provinent d'elles.

No sé si podem afirmar que:

$$\frac{d\psi(t)}{dt} = \dot{r}\theta\phi + r\dot{\theta}\phi + r\theta\dot{\phi} + r\dot{\theta}\phi + r\dot{\theta}\phi + r\theta\dot{\phi} ?$$

o simplement: $\frac{d\psi(t)}{dt} = \dot{r}\theta\phi + r\dot{\theta}\phi + r\theta\dot{\phi} ?$

$$\Phi(x)$$

$$\psi(p) \equiv \psi(k)$$

$$\Psi = \Phi(x) \cdot \Psi(t) \quad \text{o} \quad \Psi + V(x) + \frac{L^2}{2I}$$