

## Mètode del terme dominant (aprox. Assimptòtiques).

En qualsevol equació d'ordre elevat, per exemple  $x^5+x=1$

Insertem el coeficient  $\varepsilon$ :

Si el situem al primer terme:  $\varepsilon x^5+x=1$

Si  $\varepsilon \rightarrow 0$   $x=1$

Lavors, ens queden 4 incògnites, i per trobar-ne una de les quatre, farem el següent:  $\alpha = (\varepsilon \cdot x^4)^{1/4}$ , o sigui:  $x = \frac{\alpha}{\varepsilon^{1/4}}$  i ho situem

a l'equació:  $\varepsilon \cdot \frac{\alpha^5}{\varepsilon^{5/4}} + \frac{\alpha}{\varepsilon^{1/4}} = 1$

$$\frac{\alpha^5}{\varepsilon^{1/4}} + \frac{\alpha}{\varepsilon^{1/4}} = 1$$

i per tant, si usem Taylor en "α", obtindrem:  $\alpha = \sum_{n=0}^{\infty} x_n \cdot (\varepsilon^{1/4})^n$

Ara anul·lem cada un dels termes de l'equació.

començem per l'1:

$$(a) \varepsilon x^5 + x \sim 0 \quad \varepsilon x^5 \sim -x \quad \varepsilon x^4 \sim -1 \quad x \sim \frac{(-1)^{1/4}}{\varepsilon^{1/4}} \quad \text{sempre } \varepsilon \rightarrow 0$$
$$[(-1)^{1/4}]^4 = y^4 = -1 \quad (i^{1/2})^4 = (i)^2 = -1 \quad \text{on } -1 \ll -\frac{y}{\varepsilon^{1/4}} \quad \text{per tant,}$$

vàlid

ara la x:

$$(b) \quad \varepsilon x^5 \sim 1 \quad x^5 \sim \frac{1}{\varepsilon} \quad x \sim \frac{\omega}{\varepsilon^{1/5}} \quad \text{a } \varepsilon \rightarrow 0 \quad \text{dóna } x \rightarrow \infty, \text{ o sigui}$$

impossible.

i ara  $\varepsilon x^5$ :

$$(c) \quad x \sim 1 \quad \text{és vàlid}$$

aleshores, les 4 arrels de (a) van vers infinit en el pla "complexe":

