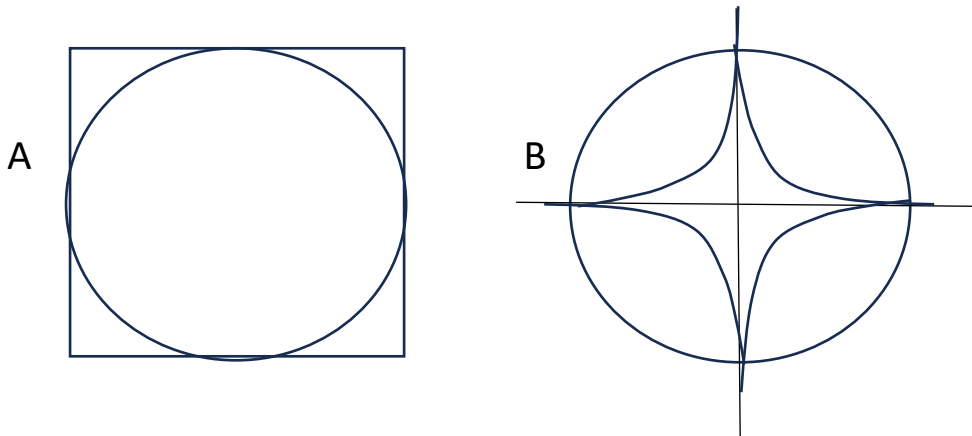
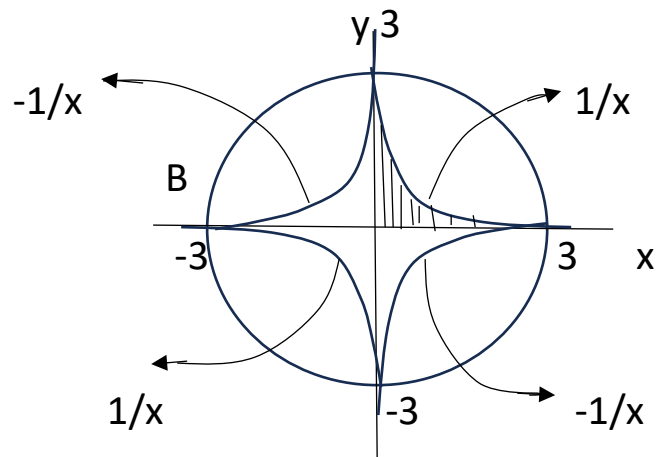


## Àrea del contorn circular:

A la circumferència inscrita dins un quadrat (A), li pleguem els vèrtexs cap endins obtenint B



a B podem interpretar les corbes de cada quadrant com a  $y = 1/x$



Sabem que  $x^2 + y^2 = R^2$  així com quan  $x=1 \rightarrow y=1$

i quan  $x = -1 \rightarrow y = -1$

quan  $x=0 \rightarrow y = \infty$  i quan  $y=0 \rightarrow x = \infty$

suposem  $R=3$  i  $\lim_{x \rightarrow 0} y = 3$

per trobar l'àrea assenyalada farem:

$$\int_0^3 \frac{1}{x} dx = \ln x \Big|_0^3 \rightarrow \ln 3 - \ln 0 \rightarrow \ln 3 - \ln(e^3)$$

$$\text{posem } y = \ln x \rightarrow x = e^y \rightarrow x = e^3$$

$$\text{en canvi quan tractem } y = -1/x: \int_{-3}^0 -\frac{1}{x} dx = -\ln x \Big|_{-3}^0 \rightarrow$$

$$\rightarrow -\ln(e^3) - (-\ln(-3)) \rightarrow -\ln(e^3) - (-\ln(0)) \rightarrow$$

$$\rightarrow -\ln(e^3) + \ln(-1) + \ln(3) \rightarrow -\ln(e^3) + i\pi + \ln(3)$$

Llavors sumem les àrees:  $\ln(3) - \ln(e^3) + -\ln(e^3) + i\pi + \ln(3) \rightarrow$

$\rightarrow$  i les multipliquem per 2 ja que són els quatre quadrants:

$$\text{Àrea} = 2[2\ln(3) - 2\ln(e^3) + i\pi] = 4\ln(3) - 12 + 2i\pi$$

Atenció que també tal  $\text{Àrea} = (2R)^2 - [\pi R^2]$